三次元画像処理のためのソフトウェア技術の実際

Actual Software Technologies for 3D Image Processing

滝 克彦 (taki@nvs.co.jp),千 容星,岩瀬 昌之*¹ Katsuhiko TAKI,Yong-Sung CHEON,Masayuki IWASE*¹

*1 日本ビジュアルサイエンス株式会社

*1 Nihon Visual Science, Inc.

Abstract: 弊社では、X線CTを始めとする非破壊検査/医療診断/観察装置から得られる画像データを活用できる様々なソフトウェア製品を開発/販売している。ボリュームレンダリングによる三次元データの可視化、特徴ある各種の計測、またCAD/CAM/CAEや Rapid Prototyping, リバースエンジニアリングなど既存の技術との連携に関して、技術的なトピックスや事例を交えながら、この分野のソフトウェア技術の可能性について述べる。

Key Words:X線 CT, Computed Tomography, 画像処理, ボリュームレンダリング,リバースエンジニアリング

1. 緒言 三次元画像 医療用CT, MRI, fMRI, PET, 超音波 デバイスとし ・連続切片画像による三次元再構成 て、X線CT. ・マイクロMRI MRI, PET, 超 音波, 共焦点 産業用X線CT レーザー顕微 光学顕微鏡 + Deconvolution 鏡, 電子顕微 テラヘルツ波CT 共焦点レーザー顕微鏡 鏡トモグラフ ィーなど多く 中性子ラジオグラフィーCT の装置が実用 ·放射光X線CT 化され、様々 連続的な断層像を な試料の連続 デジタルデータとして出力 的な断層画像 を撮像するこ ・FIB SEM ・TEMトモグラフィー とができる。Large◀ Small cm mm μm それぞれの

装置がカバー 図 1: 様々な三次元画像デバイス

する試料の寸法や用途は様々だが、ユーザーのニーズは、おおむね次の三点に集約されると考える。

- i ミクロ組織を二次元、三次元的に観察することを目的とする顕微鏡的な利用
- ii 試料の内部欠陥や亀裂の発見、定量化などを目的とする非破壊検査
- iii リバースエンジニアリングを前提とする試料の三次元形状計測

装置から得たデータを実際に利用するには、可視化や計測/解析など、処理の目的や特徴に応じた適切なソフトウェアが必要とされる。本稿ではその技術を説明し、いくつかの事例を紹介する。

2. 三次元画像とソフトウェア技術

2.1 三次元画像の構造と可視化技術

X線CT(Computed Tomography) などの画像デバイスは、断層像を連続的にデジタルデータとして出力する。しかし、正確に言えば、CTデータとは、回転する試料に対して、透過/吸収/散乱を経て検出された電磁波を「信号」として収集し、それをさらに数学的に再構成 (reconstruction) して得られた「解」の配列でしかない。その配列を画素 (pixel) とみなし、ソフトウェアによって輝度情報を関連付け、見易いコントラスト (contrast) を設定して、ユーザーは初めて「画像」を見ることができる。

デジタル画像は、輝度 (luminance) が記録された画素が格子状に連続して成り立っている配列データである。各画素は $8bit(2^8=256$ 階調), $16bit(2^{16}=65536$ 階調) といった深さ (depth) を持つ情報で、X,Y,(Z) 方向の画素数を解像度 (resolution) と言う。デジタ

ル画像を使ってものを観察する限り、 画素が最小単位かつ分解能の限界であって、長さや面積を計測する場合も、 この1画素のサイズが精度上の根拠

となる。三次元画

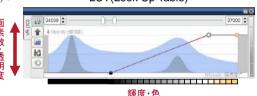
像では、三次元の 画素をボクセル (voxel)、

た配列データをボ リュームデータと 称する。画像上で、 試料は信号のレベ ルに応じた輝度値

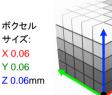
三次元的に連続し

輝度情報 (例: 16bit = 216 = 65536階調)

LUT(Look Up Table)



三次元画像 = ボリュームデータ 三次元の画素 = ボクセル



解像度: 512×512×512pixels 視野: 30.72×30.72×30.72mm



図 2: 三次元画像の構造とボリュームレンダリング

で表現されており、その輪郭は徐々に輝度が減衰するようにモザイク状に表現されていることが分かる。これを partial volume effect(部分容積効果) と言う。

三次元画像の可視化技術としては、ボリュームレンダリング (volume rendering) が知られており、Computer Graphics によって不定形な物体や空間を容易に美しく表現することができる。三次元画像を画素の集合と考え、横軸が輝度、縦軸が画素数を表すヒストグラムを定義し、その分布に対して、色や透明度 (opacity) の変化を折れ線状に調整することで、画素各々の属性が決定される。その折れ線を Look Up Table(LUT) と言う。

ボリュームレンダリングでは、三次元空間にカメラとボリュームデータを配置し、照明から発せられ、各画素からカメラに至る光線を追跡する (ray casting) 演算処理を行い、仮想的なスクリーンに投影することで、描画 (rendering) を実現する。ボリュームデータを任意に切断したり、半透明表示を駆使するなどして、内部構造を描画することも可能である。LUT を適切に設定することで、観察したい部分に任意にコントラストを与えて、動的に画像を変化させて見られることがボリュームデータの可視化処理の最大の特徴である。

2.2 大規模データのハンドリング

画像デバイスは高品質な画像を得るべく年々、高分解能化を続けている。三次元画像では X, Y, Z 方向の解像度が 3 乗で効いてくるため、非常に大容量のボリュームデータをコンピュータ上で取り扱わねばならないケースがある。三次元画像は、以下の例のようにdepth と解像度、枚数の掛け算により、データの総容量を算出することができる。

16bit × 512 × 512 pixels × 512 枚 = 256MB

16bit × 1024 × 1024 pixels × 1024 枚 = 2GB

16bit × 2048 × 2048 pixels × 2048 枚 = 16GB

こうした高分解能/大容量のデータを Intel Pentium 4 などの 32bit プロセッサを搭載した PC、あるいは 32bit 版のアプリケーションで処理しようとすると、メモリ容量がボトルネックになり、処理や解像度の制約を受ける。32bit は 2 の 32 乗、つまりアドレス空間として、4GB しかそもそも表現できないアーキテクチャであることを意味し、Windows XP では OS とアプリケーションで、この 4GB を半分ずつ利用するように実装されているため、32bit ハード/ソフトを利用する限り、オンメモリで取り扱えるデータ領域の上限は、2GB に制約されてしまう。

一方、AMD Opteron, Intel Xeon などの 64bit CPU と 16GB といった大容量メモリを搭載した PC に Windows 7 Ultimate などの 64bit OS をインストールした環境を構築し、64bit ネイティブのアプリケーションを動かすと、数 GB オーダーの大容量のデータの取り扱いを無理なく実現することができる。高分解能の画像デバイスを使う場合、装置の性能を生かす意味で、64bit 環境の採用は重要である。

2.3 セグメンテーションと等値面の認識

三次元画像処理において、ユーザーが関心を持つ領域は部分的であることが多い。これを関心領域 (ROI: Region of Interest) と言い、画像全体から ROI を抽出する処理をセグメンテーション (segmentation) と言う。画像中の ROI を抽出する方法としては、まずは 閾値による二値化 (binalize) 処理が考えられる。しかし、一意の閾値によって、画像中の ROI を簡単に抽出できることは稀であり、アーチファクト (artifact) や輝度ムラ、画質や partial volume effect の影響もあるため、画像の質と試料の形態に応じて画素を選抜し、セグメンテーションを行う必要性に迫られる。ソフトウェアの処理としては、自動的かつ 簡便な操作性が必ずしも期待できないことも実際には良くある。

また、デジタル画像は、分解能がどうしても画素サイズに制約されてしまう上、partial volume effect により、明確な境界面を持たないため、形状認識という点では、どうしてもデータの性質上の制約を受けてしまう。この場合、ソフトウェア上で等値面 (Isosurface) を認識すれば、画像の質にもよるが、サブピクセルレベルで形状認識の精度を追求することができる。描画の際も、面が明確に決定されるため、シャープなレンダリングが実現できる。

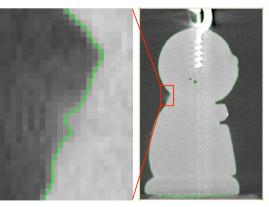


図3: 閾値の設定による等値面の認識

2.4 ポリゴンデータの生成と活用

ボリュームデータの濃 淡に対して閾値を設定し、 Marchine Cubes 法に代表 されるアルゴリズムで対 象物の表面形状をポリゴン (polygon) データに近似し、 STL(Stereo Lithography) ファイルとして出力する 処理が良く行われる。

ポリゴンデータは、多くの 三角パッチの集合によって構 成されるメッシュ状の多角形 データで、三次元形状として

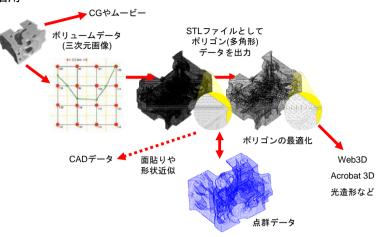
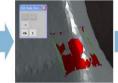


図 4: 3D データの処理の流れ

の意味は持たないが、Rapid Prototyping や他のソフトウェアに容易に受け渡せる高い互換性を持っているため、3Dの世界で STL フォーマットは標準的に良く用いられている。

ポリゴンデータは、三角形が集合しているだけの状態でしかないため、三角形の破れや 交差などが生じて、形状として完結してしない場合がある。三角形頂点の連結の不整合や 矛盾を解決し、破綻の無いポリゴンデータを再生成するようなソフトウェア処理が良く行 われる。こうした修復処理を一般に healing と言う。











ポリゴンデータの破れを修復

データの軽量化のためにポリゴン数を縮減

図 5: healing の例

点群データは形状表面の三次元座標が単に列挙された離散的なデータである。点同士を結んで三角形を作ったり、三角形の頂点を書き出すことによって、ポリゴンデータと比較的、容易に変換することができる。

デジタル画像、ポリゴン、点群の3つを「計測系のデジタルデータ」と総称したい。これらをソフトウェアで様々に処理して、効率良く、また精度良く可視化、計測、分析、変換することが求められている。

2.5 CAD リンクとリバースエンジニアリング

近年、X 線 CT や 3D スキャナで計測した実物の三次元データを用いて、リバースエンジニアリングを行う試みが活発になっている。リバースエンジニアリングとは、広義では機械を分解したり、製品の動作を観察したり、ソフトウェアを解析するなどして、製品の構造を分析し、そこから製造方法や動作原理、設計図、ソースコードなどを調査することを指す。この分野では、さらに計測系のデジタルデータを CAD, CAE, Rapid Prototyping などの技術と連携させ、設計・製造・検査上で役立てる行為を指す言葉として理解されている。

製造業の基幹業務は3D CAD 中心に動いているため、同じ三次元という観点から、計測系のデジタルデータを単純にCAD に持ち込みたいと発想する向きが多い。しかしながら、簡易的な処理で、これらのデータをCAD データに自動的に変換することは原理上、困難である。両方のデータは画面上で同じように見えても、データの成り立ちやコンピュータ内部での表現の方法が全く異なるためである。計測系のデジタルデータは画素、三角形、座標値などの要素が離散的に集合しているだけで、形状としての幾何学的な意味を実は持たない。

一方、CAD ソフトウェアは、表面のみの構造で形状が定義されるサーフェス系 CAD と中身が詰まった構造を持つソリッド系に大別され、形状要素は NURBS などの数式とそれを制御する情報から定義されている。大規模になりがちな計測由来のデータを読み込んで表示/測定したり、面をはって CAD 化するには、CAD ではなく、リバースエンジニアリングと呼ばれる分野のソフトウェアが必要である。リバースエンジニアリングソフトウェアでは、入力した点群データを元にポリゴンデータを生成し、その表面に面 (サーフェス)をはったり、形状を近似することによって、ポリゴンを CAD 化し、結果を IGES や STEPファイルとして出力できる。こういった中間フォーマットは自由曲面、幾何形状など、エンティティ(entity)と呼ばれる要素で形状を定義している。こうして、サーフェスを 3D CAD ソフトウェアに受け渡し、必要に応じてソリッド化などの処理を行えば、CAD リンクが実現できる。IGES は 1980 年代に制定された古いフォーマットであるため、しばしば相手のソフトウェアで形状を再現できないといった問題が発生する。



図 6: CAD リンクの処理の流れ

なお、実用に耐える高品質な CAD データを作るには、ひと手間掛かるのが実情である。逆に言えば、工数を掛けても良いという了解があれば、画像の品質や形状の複雑さにもよるが、計測系のデジタルデータを CAD 化することができる。構造解析やデザインなど、使うソフトウェアや入力フォーマットが決まっている場合はそうせざるを得ない場合が多い。ただ、必要とされる処理によっては、必ずしも CAD データを作らなくても、技術の連携が可能な局面は多い。形状の計測や比較が目的なら、CAD 化しなくても画像やポリゴンデータで実現できる。 Rapid Prototyping は一般に STL ファイルを入力するため、3D 計測との親和性が高い。CAE, CAM, CG といった分野では、直接的にポリゴンデータの入力が可能なソフトウェアが存在する。

2.6 現物モデルの構造解析

従来の CAE ソフトウェアは、CAD データをモデルとして入力し、解析するように考えられてきた。これは、理想的な設計モデルのみを解析対象としていることに他ならない。しかし、ものは必ずしも設計通りにできないという現実があるため、解析結果が実際と食い違う点に問題意識を持っているユーザーは多い。CT などのスキャニング技術と CAE を連携させると、形状の反りや引け、ボイド、亀裂など「現物」でしか存在しない構造に着目することが可能であり、さらに人体、自然物、ハンダ、他社製品など、CAD データが無かったり、モデリング不可能な形状をスキャンして構造解析に持ち込める点でメリットが大きい。

三次元計測で得られた現物モデルはポリゴン数が膨大で、従来の構造解析ソフトウェアで処理しようとすると、計算時間が非常に掛かったり、解析できないケースが多い。三次元画像から起こした現物モデルを実用的に構造解析へ持ち込む方法としては、以下を考えることができる。

- i 三次元画像のデータ構造を活かして、ボクセル解析する。
- ii ポリゴン化したデータを CAD 化し、一般的な CAE ソフトウェアにデータを渡す。
- iii ポリゴンデータを読み込めるプリプロセッサでメッシュを切って、ソルバにデータを渡す。

i は、短時間で精度の高い解析結果が得られる計算手法が提案されているが、ボクセルメッシュが好まれないためか、あまり一般化していない。ii は、従来の CAE ソフトウェアを用いて処理できるが、ポリゴンデータに面をはって CAD データを起こすには多くの手間が掛かり、現実的ではない。過度に複雑な三次元形状や内部欠陥を持つデータを CAD 化することは、現実問題 「順際画像 東京 非破壊検査、画像計画、分析)」として困難である。

参考までにデジタルエンジニア リングの分野で、技術の連携を示 すマップを以下に示す。

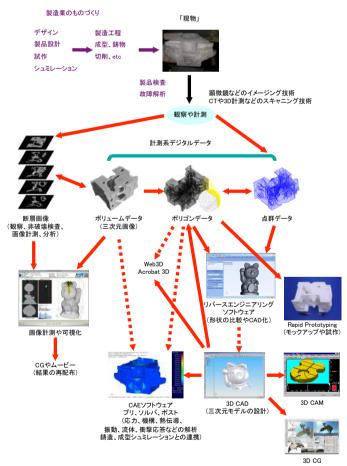


図 7: 技術の連携マップ

3. ボリュームデータ処理の実際

3.1 エンジン部品の産業用 X 線 CT 画像の処理事例

三次元画像処理の実際的な事例を紹介する。図8で示されるレーシングカーのエンジン構成部品を産業用X線CT装置で撮像し、ボリュームデータを取得した。





エンジン構成部品「ベルハウジング」、マグネシウム合金による鋳造品、約20kg



X線管電圧: 450KV, 5mA フォーカスサイズ: 1.8mm

スキャン方式: 第三世代, オフセットスキャン 検出器: ピッチ0.375mm, 開口幅 250μ m 撮像スペック:

16bit×1024×1024pixels×750枚

1画素: 0.53×0.53mm, スライスピッチ: 1mm

撮影時間:

1スライス20秒×750枚=4時間+再構成1時間

図 8: エンジン部品の X 線 CT 撮像







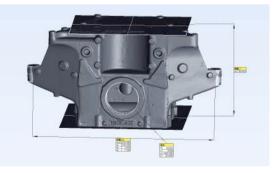


図 10: 幾何形状に近似して三次元計測

図 9 は、鋳造品の CT 画像から内部欠陥を抽出し、可視化した例である。レインボーカラーはボイドの体積と対応している。暖色系になる程、体積が大きいボイドであることを示す。

図 10 では、CT 画像から得た実物のデータから形状を三次元計測している。計測系の デジタルデータは離散的なデータで、形状としての情報は持っていないため、局所的に円 筒、円錐、面、球などの幾何形状に近似することで、距離、径、角度、近似形状との誤差評価など、CAD ライクな 3D 計測を実現できる。

図11は、指定した厚み寸法を持った箇所を三次元的に検出し、厚みに応じてカラー表示した例である。 工業製品等において、設計通りにものができているかどうか、あるいは摩耗したり、品質上、問題が生じる懸念がある箇所について、肉厚という観点で三次元形状を評価したい場合に有効である。

あらゆる設計/製造の分野でニーズが高いのが形 状同士の比較である。図 12 で設計時の CAD データ と CT 画像から得た現物の形状を比較している例を 示す。

処理の流れとしては、まず 3D CAD ソフトウェア で形状データを STL ファイルとして出力する。次に CT 画像を一旦、ポリゴン化し、同様に STL ファイルとして出力し、リバースエンジニアリングソフト

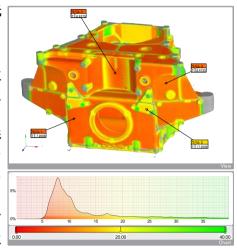


図 11: 肉厚解析の例

ウェアで重ねて読み込む。どちらかを基準形状として位置合わせを行い、形状を比較すると、形状の誤差に応じてカラー表示される。この場合、誤差が少ないところは緑色、基準形状に対して、引っ込んでいるか (寒色系)、出っ張っているか (暖色系) によって、レインボーカラーが表示され、任意にフラグを立てて、その箇所の寸法誤差を確認することができる。形状の比較は、CAD データと計測データ、計測データ同士など、状況に応じてどちらでも実行することができる。位置合わせは基準面や基準形状に基づく方法、全体的に誤差が最小になるようなベストフィットがあり、どうやって合わせるかによって、結果が変わってくるため、留意する必要がある。

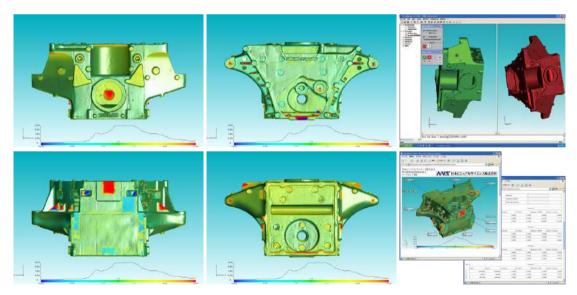


図 12: CAD データと CT データの形状比較の例

図 13 は、CT データから起こした現物の形状をコンピュータシミュレーションにまわ し、構造解析を実施した応用例を示している。この製品では、部品の左右に加工穴を開け てサスペンションを取り付け、タイヤがマウントされる。ハンドルを切った場合に上下反対方向に応力が掛かるという前提で境界条件を設定し、弾塑性解析を実施すると、カラーマップが示すように応力が掛かることが示唆された。この場合、暖色系の色がついた部分に、より強い pressure が掛かることから、その部分の肉厚をもっと増した方が信頼性に貢献するのではないかとの議論が展開できる。

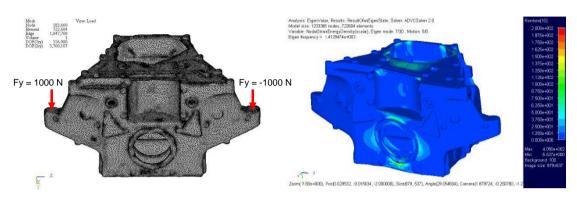


図 13: CT データから起こした現物モデルの構造解析例

3.2 材料の解析事例

画像デバイスが高分解能化されるにつれ、材料分野での観察や解析が注目を集めている。 対象としては、樹脂、セラミック、岩石、骨、金属、燃料電池、コンクリート、繊維など 多種多様である。材料のミクロな構造は粒子、多孔体、繊維など、複雑でとらえにくい形 態をしており、画像として例えそれを撮像できても、それをいかに分析/評価するかが課 題と言える。ここでは、いくつかの事例を紹介する。

3.2.1 粒子の解析事例

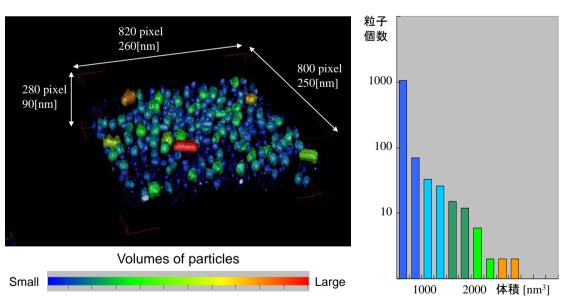


図 14: TEM トモグラフィー画像の粒子解析例

まずは良くある例として、TEMトモグラフィーにより撮像された金 (Au) のロッドの解析例を紹介する。図 14 では、粒子全部の体積分布を求めて定量化している。

このデータは、分解能、コントラスト共に充分で、良好な解析結果が得られたが、デジタル画像による計測には、常に分解能や画質による制約がつきまとい、特に不利な条件下で得られた計測の絶対値は、信頼を置けないケースが原理上、あり得ることを承知しておくべきである。例えば、粒子が画像の分解能に対して小さ過ぎる場合、また画像中の粒子を抽出する閾値等のパラメータによっては、得られた体積や寸法等の定量性は、理論(想)値と大きくかけ離れた誤差を持つ可能性が高いことに注意が必要である。デジタル画像計測は、以下のようなポイントを理解した上で取り組むことが肝要である。

- ずジタル画像による計測の性質を良く理解する必要がある。
- 画像の分解能や密度評価の限界。サンプルごとの差が埋まってしまう場合がある。
- 単一材料の CT ファントムなどを用いて、輝度値の指標を設ける。
- 空隙率といった単純な数値 (スカラー値) ではなく、ヒストグラム (分布) の評価が必要な場合がある。
- 定量的評価は理想だが、定性的評価しかできないケースも多い。
- 有意な差を導くための実験と評価プロトコールの確立が重要
- 視野とサンプル数に関しては、統計的なものの考え方を適用すべき。
- 仮説が重要。訳が分からない問題を画像処理が解決してくれる訳ではない。
- サンプル間の相対的な比較評価に持ち込むべき。1 点限りの計測による絶対値は意味を持たない(トレーサビリティがとれない)場合が多い。
- ●他の実験手法による計測との相関、製造工程の理解や、より分解能の高い観察などでサンプルの構造や性質を良く理解する必要がある。
- ソフトウェアの使いこなしやデータの前処理、閾値決定には経験的要素が必要

3.2.2 多孔体の解析事例

多くの空隙を持ち、 それらが複雑につながった多孔体に関しては、 例えば次のように考え ^{256pixel} る。まず三次元的につ ながった空隙の構造に ついて、三次元画像か ら細線化(skeletonize) 処理を行う。細線化し た構造は、Medial Axis と呼称する。 [2]

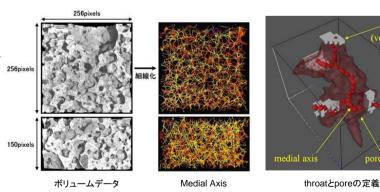


図 15: 多孔体の細線化処理

Medial Axis は三次 元的につながった空隙 のネットワーク構造を 抽象化したスケルトン モデルと考えることが できる。そして、

Medial Axis の経路に 沿って連続する空隙を 考えた時に、細くくび れた部分に多面体を近 似し、これを throat と 定義する。空隙を水や 空気が通る場合に、く びれ部分がボトルネッ

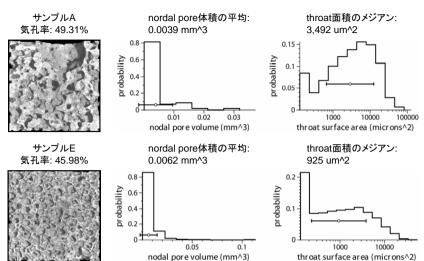


図 16: 多孔体空隙の解析事例

びれ部分がボトルネッ クとなることから、throat

の面積を求めて、これを多孔体の連通性を評価する指標のひとつとして考える。さらに throatによって仕切られた空隙をそれぞれ個別の pore (nordal pore) として認識し、それ らの体積も算出する。こうしたソフトウェア処理によって、複雑な三次元構造を一定のルー ルに基づいて記述し、空隙や粒子の形態や分布などを様々な視点から統計的に評価/分析 することができる。図 15 と図 16 に一連の処理イメージと解析結果の一例を示す。

3.2.3 繊維の三次元配向解析

プラスチック製品にガラス繊維を加えて成形した場合、繊維の配向状態と機械物性や反りなどの成形不良には深い相関がある。筆者らは、容易に繊維の配向状態を知る手段として、産業用 X 線 CT 装置を用いた観察手法を検討し、三次元画像から繊維の形態や分布を評価するソフトウェアを開発した。 [3]

図 17 に処理結果を可視化した例を示す。図では、処理の過程をご理解頂けるようにボリュームデータを 4 層に分けて表現している。奥の半分は、オリジナルの CT 画像を半透明にした状態、手前の半分は、繊維の配向性を示すベクトル表示、真ん中の 2 層は、

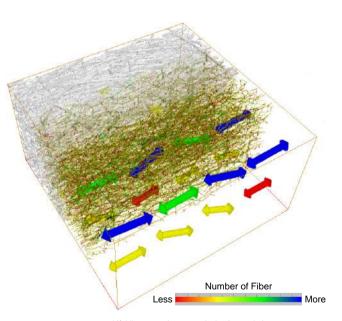


図 17: 繊維の三次元配向解析の例

各々に Medial Axis を重ねた状態で表示している。ベクトルは、ボリュームデータ全体を $4 \times 4 \times 2$ の直方体のメッシュに分割し、各々の領域内で検出された Medial Axis 全部の 慣性モーメントを求めて平均化したもので、繊維の平均的な配向方向を表す。レインボーカラーは、検出された繊維の量を示している。

3.3 経時変化の観察とその可能性

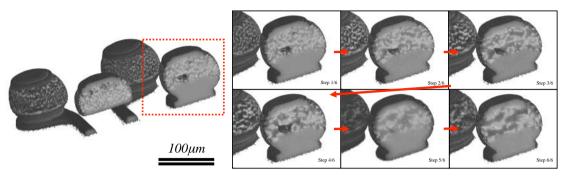


図 18: 熱衝撃試験によるはんだボールの経時変化の観察事例

樹脂で封入された電子基盤上の共晶はんだボールを6段階の熱衝撃試験を繰り返しながら、放射光 ($\mathrm{SPring}\text{-8}$) X 線 CT を利用して撮像した。 [4]

得られた $8 \text{bit} \times 2,000 \times 2,000 \times 1,000 \text{pixels}$ の画像データから試料の写っている関心領域 (1 個あたり容量 1 GB) を抽出し、ソフトウェア上で 6 式のデータの位置合わせを行い、それらを切り替えながら、はんだボール断面の経時変化を三次元 CG で表現した。その結果、以下の現象を観察することができた。

- はんだボール中のボイドが成長していくが、途中で何故か閉じてしまう場合がある。
- 亀裂が進展し、他の亀裂と連絡し合って、より大きな亀裂を形成するようになる。はんだボール表面にも亀裂が現れてくる。
- 最初は2成分の金属材料が細かい粒子状に分布しているのが、最終的に集まって、大きなブロックを形成するようになる。

ボイドや亀裂は単純に成長するだけではないこと。熱衝撃試験の過程で、はんだ材料の 再結晶化が起こっており、これらの現象が深く関係していることが明らかとなった。

この例のように、試験片や実験手法を確立した上で、実験 観察を繰り返すことによって経時的な変化をとらえることがもしできたら、ミクロな世界で起こっている現象を可視化/観察し、そのメカニズムについて高度に言及することができる。空隙や亀裂といった製造上の欠陥を見て後追いで論じるだけではなく、故障箇所とその発生原因やプロセスを明らかし、事前にそれを予測/防止できる可能性に結び付く試みと言えよう。

参考文献

- [1] 秋葉 博ら: 分散メモリ型並列構造解析システム ADVenture Cluster の高速 CGCG 法 ソルバ, 第 11 回 設計工学・システム部門講演会講演論文集, 日本機械学会, pp. 223-224, (2001).
- [2] W.B. Lindquist: Medial axis analysis of void structure in three-dimensional tomographic images of porous media, J. Geophys. Res. 101B (1996) 8297.
- [3] 滝 克彦ら: X 線 CT による繊維配向観察とシミュレーション, プラスチック成型加工 学会誌「成型加工」, Vol. 20, No. 4, 2008, プラスチック成形加工学会, pp. 237-241, (2008).
- [4] 佐山利彦ら: 放射光 X 線マイクロ CT によるフリップチップはんだ接合部における熱疲労寿命の非破壊評価, 日本機械学会論文集 (A 編), Vol.75, No.75(2009), 799-806.